

### A rendezvény támogatói:

BÉKÁSMEGYERI VERES PÉTER GIMNÁZIUM  
BAÁR-MADAS REFORMÁTUS GIMNÁZIUM  
ÓBUDA-BÉKÁSMEGYER ÖNKORMÁNYZATA  
MAGYAR KERTÉPÍTŐ KFT.  
BRINGÓHINTÓ KKT.

Hanganyag: CSIBA LAJOS, KERESKES BARNABÁS

### A verseny első fordulójának megyei/körzeti szervezői:

**Bács-Kiskun:** SOLTÉSZNÉ ALMÁSI ILDIKÓ (Zrínyi Ilona Általános Iskola, Kecskemét)  
**Baranya:** HEBLING ESZTER (Koch Valéria Középiskola, Általános Iskola és Óvoda, Pécs)  
**Békés:** MARCZIS GYÖRGYNÉ (GYAKI 5. Számú Általános és Sportiskola Tagint., Gyula)  
**Bihar:** BÁTHORI ÉVA (Ady Endre Líceum, Nagyvárad)  
**Borsod-Abaúj-Zemplén:** KOZMA LÁSZLÓ (Hunyadi Mátyás Általános Iskola, Sajószentpéter)  
**Budapest:** **Dél-Buda:** FEHÉR KAPLÁR ATTILA (Gazdagrét-Törökugrató Általános Iskola)  
**Délkelet-Pest:** GRATZER KÁROLYNÉ (Puskás Ferenc Általános Iskola)  
**Dél-Pest:** PATAKI NOÉMI (Lónyay Utcai Református Gimnázium)  
**Észak-Buda:** BÉKÉSSY SZILVIA (Békásmegyeri Veres Péter Gimnázium)  
**Észak-Pest:** KOVÁCS JUDIT (Karinthy Frigyes ÁMK Általános Iskola)  
**Kelet-Pest:** SZIGETI MÁTYÁS (Néri Szent Fülöp Katolikus Általános Iskola)  
**Kőbánya-Zugló:** MAGYAR ZSOLT (Szent István Gimnázium)  
**Közép-Buda:** ANTAL ERZSÉBET (Sashegyi Arany János Általános Iskola és Gimn.)  
**Közép-Pest:** HALÁSZ TAMÁS (Fasori Evangélikus Gimnázium)  
**Nyugat-Buda:** SÜVEGES-SZABÓ MARIANNA (Áldás Utcai Általános Iskola)  
**Csongrád:** PAPP LÁSZLÓ (Kertvárosi Katolikus Általános Iskola, Hódmezővásárhely)  
**Fejér:** BERNÁTH VALÉRIA (Teleki Blanka Gimnázium és Általános Iskola, Székesfehérvár)  
**Győr-Moson-Sopron:** PALASICS TAMÁSNÉ (Kovács Margit ÁMK, Győr)  
**Hajdú-Bihar:** WEINÉMER SÁNDOR (Bocskai István Gimnázium, Hajdúböszörmény)  
**Hargita:** HODGYAI LÁSZLÓ (Hargita Megye Tanfelügyelősége, Csíkszereda)  
**Heves/Nógrád:** LUDVIGNÉ FÓTOS ERZSÉBET (Balassi Bálint Általános Iskola, Eger)  
**Jász-Nagykun-Szolnok:** TÓTH ÉVA (Kassai Úti Magyar-Angol Két Tan. Ny. Ált. Isk., Solnok)  
**Komárom-Esztergom:** HOHNER NATALJA (Vaszary János Általános Iskola, Tata)  
**Kolozs:** NYITRAI JÁNOS (János Zsigmond Unitárius Kollégium, Kolozsvár)  
**Kovácsna:** UGRON SZABOLCS (Szekely Mikó Kollégium, Sepsiszentgyörgy)  
**Pest megye – délkelet:** MAGYAR ZSOLT (Szent István Gimnázium, Budapest)  
**Pest megye – délnyugat:** RÉTINÉ MUNKÁCSI ÁGOTA (1. sz. Általános Iskola, Budaörs)  
**Pest megye – észak:** CSÁKÓ JÓZSEFNÉ (Kőrösi Csoma Sándor Általános Iskola, Dunakeszi)  
**Somogy:** KAZSOKINÉ REINHARDT KATALIN (Gróf Széchényi I. Ált. Isk., Balatonföldvár)  
**Szabolcs-Szatmár-Bereg:** BÍRÓ ÉVA (Eötvös József Általános Iskola, Vásárosnamény)  
**Tolna:** GENCSLERNÉ HERCZEG ÁGOTA (Vörösmarty Mihály Általános Iskola, Bonyhád)  
**Vas:** HORVÁTHNÉ SÁMSON ANDREA (NYME Bolyai János Gyakorló Iskola, Szombathely)  
**Veszprém:** HORVÁTH SZILÁRDNÉ (Deák Ferenc Általános Iskola, Veszprém)  
**Zala:** GRÓFNÉ GYÖRKÖS VALÉRIA (Eötvös József Általános Iskola, Zalaegerszeg)

„Agykutatóként azt kívánom hazám polgárainak, hogy az agyunkat egyre jobban lefoglaló külső információáradat ellenére képesek legyünk odafigyelni a lélek hangjára, több ezer éves hagyományainkat hordozó belső világunkra. Csak így állíthatjuk alkotóképességünket, vágyainkat, az együttműködő szellem erejét közös felemelkedésünk szolgálatába.”

Idézet Dr. Freund Tamás akadémikus, az első Bolyai-díjas bejegyzéséből a Bolyai Díj Emlékkönyvébe. Budapest, 2000. április 2.

## BOLYAI MATEMATIKA CSAPATVERSENY®



BOLYAI FARKAS



BOLYAI JÁNOS

**2015/16.**  
**MEGYEI/KÖRZETI FORDULÓ**  
**8. OSZTÁLY**

### A rendezvény fővédnökei:

Prof. Dr. FREUND TAMÁS, a Magyar Tudományos Akadémia alelnöke  
Dr. AÁRY-TAMÁS LAJOS, az Oktatási Jogok Biztosa

### A verseny megálmodója és a feladatsorok összeállítója:

NAGY-BALÓ ANDRÁS középiskolai tanár

### A honlap és az informatikai háttér működtetője:

TASSY GERGELY középiskolai tanár

### A feladatsorok lektorálói:

BÉKÉSSY SZILVIA középiskolai tanár  
TASSYNÉ BERTA ANDREA középiskolai tanár  
CSUKA RÓBERT egyetemi hallgató

### Anyanyelvi lektor:

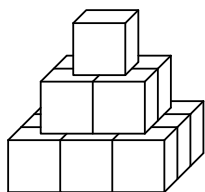
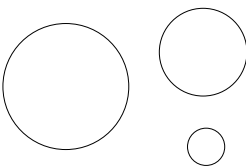
PAPP ISTVÁN GERGELY középiskolai tanár



<http://www.bolyaiverseny.hu/matek>

Az 1-13. feladatok megoldását a válaszlapon a megfelelő helyre tett X-szel jelöljétek! Előfordulhat, hogy egy feladatban több válasz is helyes.

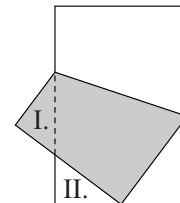
- Egy gömb alakú egész dinnyét négy részre daraboltunk. Összesen hány részre darabolhattuk így a dinnye héját?  
(A) 2 (B) 3 (C) 4 (D) 5 (E) 6
- Egy téglalap minden oldalát megnöveltük 1 cm-rel, ezáltal a területe  $39 \text{ cm}^2$ -rel nőtt. Hány  $\text{cm}^2$ -rel nöhetett tovább a téglalap területe, ha még további 1 cm-rel megnöveltük mindegyik oldalát?  
(A) 38 (B) 39 (C) 40 (D) 41 (E) 42
- Egy négycsapatos focitornán minden csapat mindegyikkel egyszer játszott. A győzelemért 3, a döntetlenért 1, a vereségért 0 pontot kaptak. Hány pont lehetett az első és az utolsó helyezett csapat pontszáma közti különbség?  
(A) 1 (B) 2 (C) 3 (D) 6 (E) 10
- Tünde meglátogatta a vele egy lépcsőházban lakó Csengét. Csenge a 6. emeleten lakik. Amikor Tünde hazaindult, nem lefelé ment, ahogy kellett volna, hanem felfelé. Felérve a legfelső emeletre rájött, hogy rossz irányba indult, és visszament a saját emeletére. Így pontosan másfélszer annyi utat tett meg, mintha azonnal lefelé indult volna. Hányadik emeleten lakhat Tünde?  
(A) 1. (B) 2. (C) 3. (D) 4. (E) 5.
- Anna olyan különböző köröket rajzolt, amelyek érintik az ábrán, ebben a helyzetben lerajzolt három kör mindegyikét. Hány kört rajzolhatott Anna?  
(A) 2 (B) 4 (C) 5 (D) 6 (E) 8
- A raktárban néhány megkezdetlen sajt volt. Az egyik éjszaka belopóztak az egerek, és megettek 10 sajtot úgy, hogy minden egér ugyanannyit evett. Néhány egérnek a falánságtól megfájdult a hasa, így a következő éjszakán a többi hét egér (amelyeknek nem fájdult meg a hasa) ette meg az összes maradék sajtot, de ekkor mind a hét egér csak feleannyit bírt enni, mint az előző éjszaka. Összesen hány sajt lehetett eredetileg a raktárban?  
(A) 11 (B) 12 (C) 13 (D) 14 (E) 16
- Az ábrán látható piramis alsó sorának 9 kockájába egy-egy egymástól különböző pozitív páros számot írtunk, amelyek összege 100. A többi kocka mindegyikében azon kockák számainak összege szerepel, amelyek a kocka áll. Melyik az a lehető legkisebb szám, amelyik a legfelső kockába kerülhetett?  
(A) 124 (B) 134 (C) 144 (D) 150-nél több (E) 180-nál kevesebb



- Tudjuk, hogy  $k$  óra  $n$  perckor a kis- és a nagymutató által bezárt szög  $k \cdot n$  fok ( $k$  és  $n$  egészek). Mennyi lehet  $k$  értéke?  
(A) 2 (B) 3 (C) 5 (D) 6 (E) 10
- A mellékelt táblázat bármelyik négyzetéről csak vele oldal-szomszédos négyzetre léphetünk, és nem szabad kétszer ugyanarra a négyzetre lépni. Ati a nyíl mentén haladt, ahogy a második táblázat mutatja, és lejegyezte a számjegyeket a lépések sorrendjében, így megkapta a 84927561 számot. Melyik számjegy állhat az így kapható legnagyobb számban az ezresek vagy a tízezresek helyiértékén?  
(A) 2 (B) 4 (C) 5 (D) 6 (E) 8
- Írjátok fel egy kör kerületére az 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9 számokat úgy, hogy semelyik két szomszédos szám összege se legyen többszöröse a 3, az 5 és a 7 számok egyikének sem! Egy ilyen felírásban melyik szám lehet a 7 szomszédja?  
(A) 1 (B) 4 (C) 6 (D) 9 (E) nincs ilyen felírás
- Lóri úgy hajtott meg egy téglalap alakú papírt, hogy annak egyik csúcsa illeszkedik a rövidebbik oldal felezőpontjára (lásd az ábrát). Kiderült az is, hogy az I. és II. háromszögek egybevágók. Hány cm-es lehet a téglalap hosszabbik oldala, ha a rövidebbik oldal hossza 16 cm?  
(A) 18 (B) 20 (C) 24 (D) 28 (E) 32
- Egy téglalaprak és egy háromszögnek ugyanakkora a kerülete. Mindkét alakzat oldalainak mérőszáma egy-egy kétjegyű természetes szám. Az oldalak mérőszámai „lepotyogtak” egy kupacba, így a következő számcsoport keletkezett: 01111123444566. Az alábbiak közül melyik lehet egy ilyen háromszög egyik oldalának eredeti mérőszáma?  
(A) 20 (B) 21 (C) 23 (D) 24 (E) 25
- Egy  $3 \times 3$ -as táblázatban pozitív számok állnak. Minden oszlopban és minden sorban a számok szorzata 1-gyel egyenlő, és minden  $2 \times 2$ -es négyzetben a számok szorzata 2-vel egyenlő. Melyik szám állhat a táblázat közepén?  
(A) 1 (B) 2 (C) 4 (D) 8 (E) 16

1	6	5
8	2	7
4	9	3

1	6	5
8	2	7
4	9	3



A következő feladatot a válaszlapon kijelölt helyén oldjátok meg!

- Két testvér életkorának összege olyan 10-nél nagyobb és 20-nál kisebb egész szám, amelynek 6 pozitív osztója van. Három évvel ezelőtt az idősebb testvér kétszer annyi idős volt, mint a fiatalabb. Hány évesek most?