

„Agykutatóként azt kívánom hazám polgárainak, hogy az agyunkat egyre jobban lefogaló külső információáradat ellenére képesek legyünk odafigyelni a lélek hangjára, több ezer éves hagyományainkat hordozó belső világunkra. Csak így állíthatjuk alkotóképességünket, vágyainkat, az együttműködő szellem erejét közös felemelkedésünk szolgálatába.”

*Idézet Dr. Freund Tamás akadémikus, az első Bolyai-díjas bejegyzéséből a Bolyai Díj Emlékkönyvébe. Budapest, 2000. április 2.*

# BOLYAI MATEMATIKA CSAPATVERSENY®



BOLYAI FARKAS

## 2015/16. ORSZÁGOS DÖNTŐ 11. OSZTÁLY



BOLYAI JÁNOS

### A rendezvény fővédnökei:

Prof. Dr. FREUND TAMÁS, a Magyar Tudományos Akadémia alelnöke  
Dr. AÁRY-TAMÁS LAJOS, az Oktatási Jogok Biztosa

### A verseny megálmodója és a feladatsorok összeállítója:

NAGY-BALÓ ANDRÁS középiskolai tanár

### A honlap és az informatikai háttér működtetője:

TASSY GERGELY középiskolai tanár

### A feladatsorok lektorálója:

TASSYNÉ BERTA ANDREA középiskolai tanár

### Anyanyelvi lektor:

PAPP ISTVÁN GERGELY középiskolai tanár



<http://www.bolyaiverseny.hu/matek912>

**Az 1-4. feladatok megoldását a válaszlapon a megfelelő helyre tett X-szel jelöljétek! Előfordulhat, hogy egy feladatban több válasz is helyes.**

1. Egy  $2015 \times 2015$ -ös négyzetrács minden mezőjébe beírtunk egy-egy 1-nél nem nagyobb abszolútértékű valós számot úgy, hogy a négyzetrács bármely  $2 \times 2$ -es négyzetében a számok összege 0. Az alábbiak közül mennyi lehet a négyzetrácsba beírt összes szám összege?  
(A) 1000      (B) 1007      (C) 1008      (D) 2015      (E) 2016
2. Egy körlap az alábbiak közül összesen hány feleakkora átmérőjű körlappal fedhető le?  
(A) 5      (B) 6      (C) 7      (D) 8      (E) 9
3. Összesen hány olyan 10-es számrendszerben felírt  $x$  pozitív egész szám létezik, amelyben a számjegyek szorzata  $x^2 - 10x - 22$ ?  
(A) 0      (B) 1      (C) 2      (D) 2-nél több      (E) végtelen sok
4. Az alábbiak közül összesen hány húrnégyszögre darabolható fel egy tetszőleges húrnégyszög?  
(A) 4      (B) 5      (C) 6      (D) 7      (E) 8

**A következő feladatot a válaszlap kijelölt helyén oldjátok meg!**

5. Oldjátok meg a természetes számok halmazán az  $n = 3 \lceil \sqrt{n} \rceil + 1$  egyenletet, ahol  $\lceil x \rceil$  az  $x$  egészrészét jelöli!